

Semetrální zkouška ISS, 17.1.2006, skupina B

Login:

Podpis:

Příklad 1 Signál zachycený anténou rádiového přijímače (před jakýmkoliv zpracováním: demodulací, vzorkováním, atd.) je signálem:

| | | | |
|-------------------|--------------------|---------|-------------------|
| A | B | C | D |
| se spojitým časem | s diskrétním časem | nulovým | čistě periodickým |

Příklad 2 Efektivní hodnota periodického sledu obdélníkových impulsů:

$$x(t) = \begin{cases} -3 & \text{pro } -3 \leq t \leq 3 \\ 0 & \text{pro } -4.5 \leq t < -3 \text{ a } 3 < t < 4.5 \end{cases}$$

s periodou $T_1 = 9$ s je:

| | | | |
|------|------|------|------|
| A | B | C | D |
| 2.12 | 2.45 | 3.54 | 4.08 |

Příklad 3 Systém: $y(t) = x(t + 3) - x(t - 3)$ je

| | | | |
|----------|------------|---------------|-------------------|
| A | B | C | D |
| lineární | nelineární | nedá se určit | na mezi linearity |

Příklad 4 Ve zpracování řeči se často využívá tzv. delta-koefficientů (aproximace první derivace signálu). Filtr pro jejich výpočet má pro $n = [-2 \ -1 \ 0 \ 1 \ 2]$ impulsní odezvu: $h[n] = [-0.4 \ -0.2 \ 0 \ 0.2 \ 0.4]$. Pokud je vstupem takového filtru jednotkový skok: $\sigma[n] = \begin{cases} 0 & \text{pro } n < 0 \\ 1 & \text{pro } n \geq 0 \end{cases}$, jaká je hodnota stého vzorku výstupu $y[100]$?

| | | | |
|-----|------|-----|---|
| A | B | C | D |
| 1.2 | -1.2 | 0.1 | 0 |

Příklad 5 Cosinusovka $x(t) = 5 \cos(100\pi t + \pi)$ má koeficienty Fourierovy řady

| | | | |
|-----------------------------------|------------------|------------------|-----------------|
| A | B | C | D |
| $c_1 = 2.5e^{-j\frac{\pi}{2}}$ | $c_1 = -1.25$ | $c_1 = 1.25$ | $c_1 = -2.5$ |
| $c_{-1} = 2.5e^{+j\frac{\pi}{2}}$ | $c_{-1} = -1.25$ | $c_{-1} = -1.25$ | $c_{-1} = -2.5$ |

Příklad 6 Periodický signál $x(t)$ má hodnotu prvního koeficientu Fourierovy řady $c_{1,x} = 5$ a kruhovou frekvenci $\omega_1 = 1000\pi$ rad/s. Signál $y(t)$ získaný zpožděním $x(t)$ má hodnotu tohoto koeficientu $c_{1,y} = 5e^{-j0.3}$. Určete, jak byl signál $x(t)$ zpožděn:

$$y(t) = x(t - 32 \mu s) \quad \left| \quad y(t) = x(t - 64 \mu s) \quad \left| \quad y(t) = x(t - 95 \mu s) \quad \left| \quad y(t) = x(t - 130 \mu s) \right. \right. \right.$$

A B C D

Příklad 7 Signál se spojitým časem $x(t)$ má spektrální funkci s maximální frekvencí $\omega_{max} = 560 \times 10^6$ rad/s. Určete, jaká bude maximální frekvence spektrální funkce desetkrát zpomaleného signálu: $x(\frac{t}{10})$.

$$\text{nezmění se} \quad \left| \quad 560 \times 10^4 \text{ rad/s} \quad \left| \quad 560 \times 10^5 \text{ rad/s} \quad \left| \quad 560 \times 10^7 \text{ rad/s} \right. \right. \right.$$

A B C D

Příklad 8 Systém se spojitým časem se dvěma nulami: $n_1 = -0.1 + 10j$, $n_2 = -0.1 - 10j$ bude mít charakter

$$\text{dolní propusti} \quad \left| \quad \text{horní propusti} \quad \left| \quad \text{pásmové propusti} \quad \left| \quad \text{pásmové zadrž} \right. \right. \right.$$

A B C D

Příklad 9 Signál $x(t) = \begin{cases} 5 & \text{pro } 0 \leq t < 3 \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$ je vzorkován na vzorkovací frekvenci $F_s = 10$ kHz. Dojde při tomto vzorkování k aliasingu ?

$$\text{ne} \quad \left| \quad \text{ano} \quad \left| \quad \text{nedá se určit} \quad \left| \quad \text{aliasing se může vyskytnout pouze při vzorkování periodických signálů} \right. \right. \right.$$

A B C D

Příklad 10 Na plašení myši potřebujeme v Matlabu vygenerovat signál, který po přehrání na vzorkovací frekvenci 8 kHz bude tónem o frekvenci 6 kHz s trváním 1 s. Generování bude zapsáno:

$$\begin{array}{c} \text{A} \\ \text{n=0:7999} \\ \text{x=cos(2.35 * n)} \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{c} \text{B} \\ \text{n=0:7999} \\ \text{x=cos(3.93 * n)} \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{c} \text{C} \\ \text{n=0:7999} \\ \text{x=cos(4.71 * n)} \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{c} \text{D} \\ \text{nelze} \\ \text{vygenerovat} \end{array} \right. \right. \right.$$

Příklad 11 Diskrétní signál $x[n] = 50 \cos(\frac{5}{16}\pi n)$ má periodu

$$A \quad \left| \quad B \quad \right| \quad C \quad \left| \quad D \right.$$

$$N_1 = 8 \quad \left| \quad N_1 = 16 \quad \right| \quad N_1 = 32 \quad \left| \quad \text{není periodický} \right.$$

Příklad 12 Výsledkem kruhové konvoluce dvou posloupností $x_1[n] = [3 \ 5 \ 2 \ -1]$, $x_2[n] = [1 \ 2 \ 3 \ -1]$ je posloupnost

$$y[n] = [6 \quad 22 \quad 15 \quad 2] \quad \left| \quad y[n] = [2 \quad 6 \quad 22 \quad 15] \quad \right| \quad y[n] = [15 \quad 2 \quad 6 \quad 22] \quad \left| \quad y[n] = [22 \quad 15 \quad 2 \quad 6] \quad \right.$$

Příklad 13 Je dán diskrétní signál o délce $N = 4$, pro $n = [0 \ 1 \ 2 \ 3]$:
 $x[n] = [-1 \ 1 \ 2 \ 3]$.

Určete první koeficient jeho diskrétní Fourierovy transformace $X[1]$.

$$A \quad \left| \quad B \quad \right| \quad C \quad \left| \quad D \right.$$

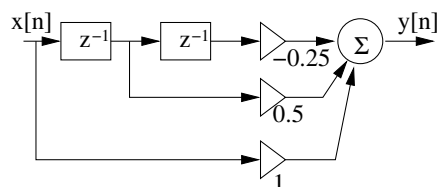
$$-3+2j \quad \left| \quad -3-2j \quad \right| \quad 5 \quad \left| \quad -3 \right.$$

Příklad 14 Diskrétní signál $x[n]$ o délce $N = 8$, má první koeficient diskrétní Fourierovy transformace $X[1] = 1 + 1j$. Určete, jaký bude tento koeficient poté, co se signál $x[n]$ kruhově zpozdí o 2 vzorky: $y[n] = R_8[n] x[\text{mod}_8(n - 2)]$.

$$A \quad \left| \quad B \quad \right| \quad C \quad \left| \quad D \right.$$

$$Y[1] = 1.414 \quad \left| \quad Y[1] = 1-j \quad \right| \quad Y[1] = -1.414j \quad \left| \quad Y[1] = -1-j \quad \right.$$

Příklad 15 Impulsní odezva systému s diskrétním časem na schématu je:



$$h[n] = \begin{cases} 0 & \text{pro } n \leq 0 \\ 0.25^n & \text{pro } n > 0 \end{cases} \quad \left| \quad h[n] = [1 \quad -0.5 \quad 0.25] \quad \right| \quad h[n] = [1 \quad 0.25 \quad -0.5] \quad \left| \quad h[n] = [1 \quad 0.5 \quad -0.25] \quad \right.$$

Příklad 16 Diskrétní systém je popsán dvěma nulami přenosové funkce: $n_1 = 0.9239 + j0.3827$, $n_2 = 0.9239 - j0.3827$. Na vstupu systému je cosinusovka s normovanou frekvencí $f' = 1/16$ o amplitudě 62. Amplituda signálu na výstupu bude:

$$\begin{array}{c|c|c|c} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} \\ \hline 0 & 62 & 63 & 1 \end{array}$$

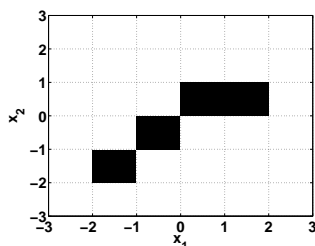
Příklad 17 Distribuční funkce náhodného procesu pro čas $t = 5$ má tvar rampy:

$$F(x, 5) = \begin{cases} 0 & \text{pro } x < 2 \\ \frac{x-2}{2} & \text{pro } 2 \leq x \leq 4 \\ 1 & \text{pro } x > 4 \end{cases}$$

Určete pravděpodobnost $P(\xi(5) \in [a, b])$, že proces bude v tomto čase v intervalu $[a, b]$, kde $a = 2.1$, $b = 2.3$.

$$\begin{array}{c|c|c|c} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} \\ \hline P(\xi(5) \in [a, b])=0 & P(\xi(5) \in [a, b])=0.1 & P(\xi(5) \in [a, b])=0.2 & P(\xi(5) \in [a, b])=5.0 \end{array}$$

Příklad 18 Odhad dvourozměrné funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti $p(x_1, x_2, n_1, n_2)$ se dělal pomocí histogramu se čtverečky ("chlívky") o rozměrech 1×1 , výsledek (kde černá barva představuje hodnotu 0.25) je:



Určete hodnotu korelačního koeficientu $R(n_1, n_2)$.

$$\begin{array}{c|c|c|c} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} \\ \hline 0.675 & 0.875 & 1.25 & 2.25 \end{array}$$

Příklad 19 Welchova metoda odhadu spektrální hustoty výkonu (PSD) náhodného procesu je založena na dělení signálu do segmentů a pak:

| A | B | C | D |
|-------------------------------------|---|--|--|
| odhadu PSD z jediného vzorku vstupu | průměrování všech vzorků vstupu do jednoho segmentu pak odhad PSD | odhad PSD na každém segmentu pak průměrování | postupné překrývání segmentů rostoucím známým šumem, pak odhad PSD |

Příklad 20 Máte k dispozici užitečný signál $x[n]$ s výkonem P_s a generátor šumu se střední hodnotou 0 a rozptylem (tedy výkonem) $P_n = 1$. Výstupní signál z generátoru šumu je násoben konstantou k a pak přičítán k užitečnému signálu. Jakou konstantou k musíte násobit výstupní signál šumového generátoru, abyste dostali poměr signálu k šumu SNR ?

$$\begin{array}{c|c|c|c} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} \\ \hline k = \sqrt{P_s \times SNR} & k = \sqrt{P_s \times 10^{SNR}} & k = \sqrt{\frac{P_s}{10^{\frac{SNR}{10}}}} & k = \sqrt{P_s \times 10^{\frac{SNR}{10}}} \end{array}$$