

# Semestrální zkouška ISS, 18.1.2008, skupina D

Login: .....

Podpis: .....

**Příklad 1** Modulová kmitočtová charakteristika derivačního članku (se spojitým časem) je:

$$\begin{array}{c} \text{A} \\ |H(j\omega)| = 1 \end{array} \left| \begin{array}{c} \text{B} \\ |H(j\omega)| = |\omega| \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{C} \\ |H(j\omega)| = j\omega \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{D} \\ |H(j\omega)| = |\omega|^2 \end{array} \right.$$

---

**Příklad 2** Vzorkovací frekvence je  $F_s = 16000$  Hz. Výsledkem antialiasingového filtrování, vzorkování a ideální rekonstrukce harmonického signálu  $x(t)$  o frekvenci  $f = 13000$  Hz je

$$\begin{array}{c} \text{A} \\ \text{signál s frekvencí} \\ 3000 \text{ Hz} \end{array} \left| \begin{array}{c} \text{B} \\ \text{signál s frekvencí} \\ 8000 \text{ Hz} \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{C} \\ \text{signál s frekvencí} \\ 13000 \text{ Hz} \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{D} \\ \text{nula} \end{array} \right.$$

---

**Příklad 3** Vypočítejte kruhovou konvoluci dvou posloupností o délce 3:  $x_1[n] = [3 \ 4 \ -1]$  a  $x_2[n] = [1 \ 1 \ 2]$

$$\begin{array}{c} \text{A} \\ [10 \ 5 \ 9] \end{array} \left| \begin{array}{c} \text{B} \\ [14 \ 4 \ 12] \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{C} \\ [18 \ 3 \ 15] \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{D} \\ [22 \ 2 \ 18] \end{array} \right.$$

---

**Příklad 4** DFŘ obraz diskretního periodického signálu  $\tilde{x}[n]$  s periodou 16 má v intervalu  $k = 0 \dots 15$  pouze jeden nenulový koeficient:  $\tilde{X}[2] = j$ . Určete signál  $\tilde{x}[n]$ .

$$\begin{array}{c} \text{A} \\ \tilde{x}[n] = \frac{1}{16} \cos\left(\frac{4\pi n}{16} + \frac{\pi}{2}\right) \end{array} \left| \begin{array}{c} \text{B} \\ \tilde{x}[n] = \frac{1}{8} \cos\left(\frac{4\pi n}{16} + \frac{\pi}{2}\right) \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{C} \\ \tilde{x}[n] = \frac{1}{8} \cos\left(\frac{2\pi n}{16} + \frac{\pi}{2}\right) \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{D} \\ \tilde{x}[n] = \frac{1}{16} j e^{j\frac{4\pi n}{16}} \end{array} \right.$$

---

**Příklad 5** Koeficient  $X[1]$  diskretní Fourierovy transformace signálu  $x[n]$  o délce 8 má hodnotu  $X[1] = 4j$ . Určete, jakou bude mít hodnotu koeficient  $Y[1]$  pro signál  $y[n]$ , který je kruhově posunutým signálem  $x[n]$ :

$$y[n] = R_8 x[\text{mod}_8(n - 4)]$$

$$\begin{array}{c} \text{A} \\ Y[1] = 2.82 + j2.82 \end{array} \left| \begin{array}{c} \text{B} \\ Y[1] = 4 \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{C} \\ Y[1] = 2.82 - j2.82 \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \text{D} \\ Y[1] = -4j \end{array} \right.$$

**Příklad 6** Při průchodu harmonického signálu (cosinusovky) splňující vzorkovací teorém LTI systémem

|   |   |                    |                                  |
|---|---|--------------------|----------------------------------|
| A   | B   | C                  | D                                |
| je signál pouze zesílen/zeslaben a posunut. | jsou k základní frekvenci přidány další frekvence | je signál zkreslen | je změněna frekvence cosinusovky |

---

**Příklad 7** Číslicový filtr s přenosovou funkcí:  $H(z) = 1 - 0.5z^{-1} + 0.25z^{-2}$  je

|          |            |                   |                    |
|----------|------------|-------------------|--------------------|
| A        | B          | C                 | D                  |
| kauzální | nekauzální | na mezi kauzality | nedá se rozhodnout |

---

**Příklad 8** Funkce:

```
double ahoj(double x) {
    static double fff,ggg; double y;
    y = x - 0.5 * ggg + 0.5 * fff;
    ggg = y;
    fff = x;
    return y;
}
```

implementuje:

|             |                    |                        |                         |
|-------------|--------------------|------------------------|-------------------------|
| A           | B                  | C                      | D                       |
| výpočet DFT | nerekurzivní filtr | čistě rekurzivní filtr | obecně rekurzivní filtr |

---

**Příklad 9** Pásmová zadrž druhého řádu zpracovávající signály se vzorkovací frekvencí  $F_s = 8000$  Hz má dvě komplexně sdružené nuly:  $n_1 = -0.707 + j0.707$ ,  $n_2 = -0.707 - j0.707$

Minimum modulové frekvenční charakteristiky tohoto filtru je na frekvenci:

|         |         |         |         |
|---------|---------|---------|---------|
| A       | B       | C       | D       |
| 1000 Hz | 2000 Hz | 3000 Hz | 4000 Hz |

---

**Příklad 10** Funkce  $p(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}(1 - \cos(\pi x)) & \text{pro } -1 \leq x \leq 1 \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$  může být funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti:

|     |   |  |    |
|-----|---|--|----|
| A   | B   | C  | D  |
| ANO | ANO pouze pro náhodné signály se spojitým časem | ANO pouze pro náhodné signály s diskretním časem | NE |

**Příklad 11** Je-li hodnota distribuční funkce pro  $x_1$  a čas  $t$  rovna  $F(x_1, t) = 45$ , pak pro  $x_2 > x_1$  bude platit:

$$F(x_2, t) < F(x_1, t) \quad \left| \quad F(x_2, t) \geq F(x_1, t) \quad \left| \quad F(x_2, t) = 1 \quad \left| \quad \text{zadání je nesmysl}$$

**Příklad 12** Hodnoty náhodného signálu v čase  $t = 4$  v pěti realizacích byly:

2.4721    -5.6809    4.5716    9.1178    -2.4589

Souborový odhad směrodatné odchylky je:

$$1.04 \quad \left| \quad 2.96 \quad \left| \quad 2.42 \quad \left| \quad 5.20$$

**Příklad 13** Ve 4 realizacích  $\xi_\omega[n]$  náhodného procesu s diskretním časem byly pro  $n = 0 \dots 7$  získány následující hodnoty vzorků (každý řádek je jedna realizace):

|         |         |         |         |         |         |         |         |
|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| 0.5218  | 1.4983  | 0.5218  | -1.3234 | -0.4191 | 0.1455  | -0.7147 | 0.2920  |
| -1.3522 | 0.2132  | 1.3522  | 1.3869  | 0.7516  | 0.7200  | -0.2044 | 0.4028  |
| 0.9091  | -1.2484 | 0.9091  | 1.2478  | 0.3060  | -0.7393 | 1.1204  | 0.0402  |
| 0.6980  | -0.2333 | -0.6980 | -1.2838 | 0.1602  | -0.6240 | 1.0739  | -0.4927 |

Jaký je vztah mezi vzorky  $n = 0$  a  $n = 2$  ?

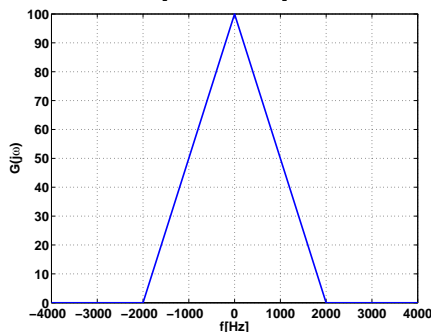
$$\begin{array}{c} \text{A} \\ \text{rovnost} \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{c} \text{B} \\ \text{kladná korelace} \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{c} \text{C} \\ \text{záporná korelace} \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{c} \text{D} \\ \text{žádná korelace} \end{array}$$

**Příklad 14** Je dán náhodný signál s diskretním časem:  $x[n] = [-1 \ 1 \ 1 \ 1]$ .

Vychýlený časový odhad jeho autokorelačních koeficientů  $R[k]$  pro  $k \geq 0$  je:

$$[1 \ 0.25 \ 0 \ -0.25] \quad \left| \quad [1 \ 0.25 \ -0.5 \ -0.25] \quad \left| \quad [1 \ -0.75 \ 0.5 \ -0.25] \quad \left| \quad [1 \ -0.25 \ -0.5 \ 0.25]$$

**Příklad 15** Na obrázku je spektrální hustota výkonu signálu se spojitým časem (kmitočtová osa je v Hz). Určete výkon signálu v intervalu frekvencí  $[0, 1 \text{ kHz}]$ .



$$100000 \quad \left| \quad 150000 \quad \left| \quad 166670 \quad \left| \quad 175000$$

**Příklad 16** Gaussovský bílý šum prochází filtrem s impulsní odezvou  $h[n] = [1 \ 1 \ 1]$ . Výstupní signál:

|                   |                |                                    |  |
|-------------------|----------------|------------------------------------|--|
| A<br>není náhodný | B<br>je nulový | C<br>má sousední vzorky korelované | D<br>má konstantní spektrální hustotu výkonu pro všechny frekvence |
|-------------------|----------------|------------------------------------|--|

---

**Příklad 17** Stacionární náhodný signál má funkci hustoty rozdělení pravděpodobnosti:

$p(x) = \begin{cases} \frac{1}{100} & \text{pro } 50 \leq x \leq 150 \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$ , má tedy stejnosměrnou složku 100. Určete jeho střední výkon.

|                  |                  |                  |                 |
|------------------|------------------|------------------|-----------------|
| A<br>$P = 10000$ | B<br>$P = 15000$ | C<br>$P = 10833$ | D<br>$P = 9167$ |
|------------------|------------------|------------------|-----------------|

---

**Příklad 18** Při měření signálu ze slabých hvězd je poměr signálu k šumu (signal to noise ratio) záporný:  $SNR = -20$  dB. Znamená to, že výkon signálu je:

|                             |                                      |                                      |                                       |
|-----------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|---------------------------------------|
| A<br>stejný jako výkon šumu | B<br>$10\times$ menší než výkon šumu | C<br>$20\times$ menší než výkon šumu | D<br>$100\times$ menší než výkon šumu |
|-----------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|---------------------------------------|

---

**Příklad 19** Obrázek o rozměrech  $256 \times 256$  pixelů  $x[k, l]$  má jediný pixel  $x[0, 0] = 1$ , všechny ostatní jsou nulové (malá bílá tečka v levém horním rohu). Jeho dvourozměrná diskrétní Fourierova transformace (2D-DFT) je:

|  |  |   |   |
|--|--|---|---|
| A<br>$X[m, n] = 0$<br>pro všechna $m, n$ | B<br>$X[m, n] = 1$<br>pro všechna $m, n$ | C<br>$X[0, 0] = 1$<br>$X[m, n] = 0$ jinde | D<br>$X[0, 0] = \frac{1}{2}$<br>$X[255, 255] = -\frac{1}{2}$<br>$X[m, n] = 0$ jinde |
|--|--|---|---|

---

**Příklad 20** Obrázek o rozměrech  $256 \times 256$  pixelů má podobu šachovnice, střídají se černé (0) a bílé (1)

pixely:  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & \dots \\ 0 & 1 & 0 & \dots \\ 1 & 0 & 1 & \dots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots \end{bmatrix}$  Obrázek byl filtrován maskou  $4 \times 4$  se všemi prvky rovnými 0.0625.

Výsledkem je obrázek, kde

|   |   |   |  |
|---|---|---|--|
| A<br>všechny pixely kromě okraje mají hodnotu 0 | B<br>všechny pixely kromě okraje mají hodnotu 1 | C<br>všechny pixely kromě okraje mají hodnotu 0.5 | D<br>mají pixely opět podobu šachovnice, hodnoty 0 a 1 si prohodily místa. |
|---|---|---|--|